

МНОЖЕСТВЕННАЯ КОМПЛЕКСНАЯ ПЕРЕМЕННАЯ ИНТЕГРАЛА ТИПА КОШИ УСЛОВИЕ СУЩЕСТВОВАНИЯ

Уразалиев.Ш.Б.

асс. кафедра “Высшей математики” СамИЭС.

Аннотация: Об условии существования интеграла типа Коши в области многих комплексных переменных.

Ключевые слова. математика, бизнес-процессы, методы расчета.

MULTIPLE COMPLEX VARIABLE CAUCHY TYPE INTEGRAL CONDITION FOR EXISTENCE.

Urazaliev.Sh.B.

ass. department of “Higher Mathematics” SamIES

Abstract: On the condition for the existence of a Cauchy type integral in the domain of many complex variables.

Keywords. mathematics, business processes, calculation methods.

$\varphi(t) = \varphi(t_1, t_2, \dots, t_n)$ пусть функция определена в Δ - остов.

$t = (t_1, t_2, \dots, t_n) \in \Delta$ давайте нарисуем полицилиндр r_k радиус $C(t_k, r_k)$ желаемого размера в центре точки, пусть D_k контур каждой работы пересекается с многогранниками только в двух точках. контура $C(t_k, r_k)$ часть внутри полицилиндра d_k а остальное $D_k - d_k$ обозначим с помощью. $D_\varepsilon = (D_1 - d_k) \times (D_2 - d_k) \times \dots \times (D_n - d_k)$ обозначим как. Очевидно, $\varepsilon \rightarrow 0 D_\varepsilon \rightarrow \Delta$.

1- определение. Если $\lim_{\varepsilon \rightarrow 0} \Phi_\varepsilon(t)$ (в этом

$$\Phi_\varepsilon(t) = \frac{1}{i \cdot i}$$

если есть предел, то

$$\Phi(t) = \frac{1}{i \cdot i}$$

говорят, что специальный Интеграл существует в манере начального значения Коши

$$\lim_{\varepsilon \rightarrow 0} \Phi_\varepsilon(t) = V \cdot P \frac{1}{\varepsilon \varepsilon}$$

обозначается как. Затем мы назовем начальную часть специального интеграла (2) простым интегралом и кратко обозначим его также как

$$\Phi(t) = \frac{1}{2^n} S\varphi(\tau)$$

(2) начальное значение специального интеграла существует не всегда. Поэтому разберемся с вопросом, для какого класса функций он будет уместен.

1- теорема. Если (2) Плотность специального интеграла удовлетворяет условию Гюльдер в Δ остове, то (2) специальный Интеграл существует в смысле главного значения.

Доказательство. Чтобы сократить запись, мы докажем теорему, когда $n=3$. В процессе доказательства теоремы воспользуемся неравенствами, удовлетворяющими условию Гюльдер.

$$(2) \text{ плотность интеграла } \varphi(\tau_1, \tau_2, \tau_3)$$

$$\varphi(\tau_1, \tau_2, \tau_3) = \varphi_3(\tau; t) + \varphi_3(\tau_{t_1}; t) + \varphi_3(\tau_{t_2}; t) + \varphi_3(\tau_{t_3}; t) + \varphi_3(t_{t_1}; t) + \varphi_3(t_{t_2}; t) + \varphi_3(t_{t_3}; t) + \varphi(t_1, t_2, t_3) \text{ находим, подставляя правую часть выражения.}$$

$$\Phi_\varepsilon(t) = \frac{1}{\varepsilon \varepsilon} + \frac{1}{\varepsilon \varepsilon}$$

Интеграл справа от (3) соответственно

$$\varphi_3(\tau, t); \varphi_3(\tau_{t_k}, t) (k=1,2,3); \varphi_3(t_{t_k}, t) (k=1,2,3) \quad \text{и} \quad S_\varepsilon^0 \varphi_3(\tau, t) \quad \text{чтобы} \quad \text{оценить}$$

$$|\varphi_3(\tau; t)| \leq 4 \prod_{k=1}^3 A_k^{\frac{1}{3}} |\tau_k - t_k|^{\frac{\alpha_k}{3}} \text{ мы находим, используя.}$$

$$|\varphi_3(\tau, t)| \leq \frac{4 \sqrt[3]{A_1 A_2 A_3}}{(2\pi)^3} \int_{D_\varepsilon} \prod_{k=1}^3 |\tau_k - t_k|^{\frac{\alpha_k}{3}-1} |d\tau_k| = \varepsilon$$

$$\varepsilon \frac{1}{2\pi^3} \prod_{k=1}^3 \sqrt[3]{A_k} \int_{D_k - d_k} |\tau_k - t_k|^{\frac{\alpha_k}{3}-1} |d\tau_k| (4)$$

Каждый из интегралов, лежащих в основе произведения справа от (4), существует в $\varepsilon \rightarrow 0$ в простом Риман смысле. При оценке остальных интегралов воспользуемся следующими неравенствами.

$$\left| \frac{1}{2\pi i} \int_{D_k-d_k} \frac{d\tau_k}{\tau_k-t_k} \right| < 1, k=1,2,3 \quad (5)$$

$$S_\varepsilon^3 \varphi_3(\tau_{t_3}, t) \text{ при оценке (5) и } |\varphi_3(t_{\tau_p}, t)| \leq 2 \prod_{k=1}^3 A_k^2 |\tau_k - t_k|^{\alpha_k}; p=\overline{1,3}; k \neq p, \quad p=3$$

находим с помощью.

$$\begin{aligned} |\varphi_3(\tau_{t_3}, t)| &= \left| \frac{1}{2\pi i} \int_{D_3-d_3} \frac{d\tau_3}{\tau_3-t_3} \right| i \\ &\leq \frac{1}{2\pi^2} \prod_{k=1}^2 \sqrt{A_k} \int_{D_k-d_k} |\tau_k - t_k|^{\frac{\alpha_k}{2}-1} |d\tau_k| \quad (6) \end{aligned}$$

Каждый, стоящий у основания кратного справа от (6), будет существовать в $\varepsilon \rightarrow 0$ в простом Риман смысле. Точно так же $S_\varepsilon^2 \varphi_3(\tau_{t_2}, t)$ и $S_\varepsilon^2 \varphi_3(\tau_{t_1}, t)$ оценки также будут уместны для интегралов.

$S_\varepsilon^1 \varphi_3(t_{\tau_3}, t)$ для (5) и $|\varphi_3(t_{\tau_p}, t)| \leq A_p |\tau_p - t_p|^{\alpha_p}, p=\overline{1,3}$ и $p=3$ мы находим это, принимая во внимание.

$$\begin{aligned} |\varphi_3(t_{\tau_3}, t)| &= \left| \frac{1}{2\pi i} \int_{D_1-d_1} \frac{d\tau_1}{\tau_1-t_1} \right| \cdot \left| \frac{1}{2\pi i} \int_{D_2-d_2} \frac{d\tau_2}{\tau_2-t_2} \right| \\ &\cdot \left| \frac{1}{2\pi i} \int_{D_3-d_3} \frac{\varphi_3(t_{\tau_3}, t) d\tau_3}{\tau_3-t_3} \right| \leq \frac{A_3}{2\pi} \int_{D_3-d_3} |\tau_3 - t_3|^{\alpha_3-1} |d\tau_3|. \end{aligned}$$

Отсюда следует приближение $S_\varepsilon^1 \varphi_3(t_{\tau_3}, t)$, при $\varepsilon \rightarrow 0$.

Точно так же $S_\varepsilon^1 \varphi_3(t_{\tau_2}, t)$ и $S_\varepsilon^1 \varphi_3(t_{\tau_1}, t)$ нетрудно увидеть сходимость работы. Известно, что,

$$\frac{1}{2\pi i} \int_{D_k} \frac{d\tau_k}{\tau_k - z_k} = i \cdot i$$

принимая во внимание, что стремление к $\varepsilon \rightarrow 0$ в $S_\varepsilon^0 \rightarrow \frac{1}{8}$ следует.

$\varphi_3(\tau, t); \varphi_3(\tau_k, t) (k=1,2,3); \varphi_3(t_k, t) (k=1,2,3)$ в $\varepsilon \rightarrow 0$ соответственно
 $(t), \frac{1}{2}(t), \frac{1}{2}(t), \frac{1}{2}(t), \frac{1}{4}(t), \frac{1}{4}(t), \frac{1}{4}(t),$

обозначим как, в этом примере

$$(t_1, t_2, t_3) = \frac{1}{i^2}$$

$$(t_1, t_2, t_3) = \frac{1}{(2\pi i)^2} \int_{D_2} \int_{D_3} \frac{\varphi_3(\tau_1, t)}{(\tau_2 - t_2)(\tau_3 - t_3)} d\tau_2 d\tau_3 \quad (9)$$

$$(t_1, t_2, t_3) = \frac{1}{2\pi i} \int_{D_1} \frac{\varphi_3(t_1, t)}{\tau_1 - t_1} d\tau_1 \quad (10).$$

Итак, когда $n=3$, начальное значение интеграла (2) равно:

$$\Phi(t_1, t_2, t_3) = (t_1, t_2, t_3) + \frac{1}{2}(t_1, t_2, t_3) + \frac{1}{2}(t_1, t_2, t_3) + i$$

$$+ \frac{1}{2}(t_1, t_2, t_3) + \frac{1}{4}(t_1, t_2, t_3) + \frac{1}{4}(t_1, t_2, t_3) + \frac{1}{4}(t_1, t_2, t_3) + \frac{1}{4}(t_1, t_2, t_3) + i$$

$$+ \frac{1}{8}\varphi(t_1, t_2, t_3) \quad (11)$$

будет.

Использованная литература.

1. В. А. Какичев. «Граничные свойства интеграла типа Коши многих переменных». Уч. зап. Шахт. пед. ин-та. 2, вып. 6, 1959-г, 25-90 с.
2. А. Гозиев. Р. Мардиев «Аналитик функциянинг чегаравий масалалари ва сингуляр интеграл тенгламалар». Самарканд-2014.
3. Б. А. Фукс. «Теория аналитических функций многих комплексных переменных». М. Л. 1948-г.
4. Н. И. Мусхелишвили. «Сингулярные интегральные уравнения». Москва. Наука. 1968-г.